

# Fünf Theorien zur Unterstützung der Europäischen Integration (Gabel 1998)

- Was sind „Dummies“?
- Mögliches Problem: Kollinearität

# Dummy-Variablen

- Kategoriale Größen (Land, Geschlecht, Konfession u.ä.) können in Regressionsmodellen als unabhängige Variablen eingesetzt werden
- Dichotome Variablen (z.B. männliches Geschlecht) werden auf 0/1 kodiert: 1 = Merkmal liegt vor; 0= Merkmal liegt nicht vor
- Beispiel:  $\text{Konservatismus} = 55,9 - 2 * \text{männlich}$ . 0/1 Variablen werden als „Dummies“ bezeichnet

# Dummy-Variablen

- Nominalskalierte Merkmale mit mehr als zwei Ausprägungen (katholisch, protestantisch, keine Konfession) werden durch *mehrere* Dummies erfaßt.
- Dabei muß eine beliebige Kategorie ausgelassen werden („Referenzkategorie“); ansonsten ist das Modell nicht schätzbar (Kollinearität)
- Für ein Merkmal mit drei Ausprägungen werden deshalb nur zwei Dummies benötigt (der Wert des potentiellen dritten Dummies ist durch die ersten beiden schon festgelegt)
- $\text{Konservatismus} = 54,5 + 1,2 * \text{katholisch} + 0,6 * \text{protestantisch}$

# Dummy-Kodierung: Konfession

Konfession	Dummy: Kath.	Dummy: Prot.
keine	0	0
Katholisch	1	0
Protestantisch	0	1
Logisch ausgeschlossen	1	1

# Orthogonalität

- Bei experimentellen Designs werden die unabhängigen Variablen von der Forscherin gesetzt
- Beispiel Aggressivität durch Alkohol/Horrorfilme:
  - Gruppe 1: kein Treatment (Kontrolle)
  - Gruppe 2: nur Alkohol
  - Gruppe 3: nur Film
  - Gruppe 4: Film + Alkohol
  - Zufällige Aufteilung auf Gruppen, Vorher-Nachher-Messung (y=Differenz) mit psychometrischer Skala
- $y = a + b_1 * \text{Alkohol} + b_2 * \text{Film} + (b_3 \text{Alkohol} * \text{Film})$
- $b_1$  erfaßt den Effekt von Alkohol, wenn die Variable „Film“ (und alle anderen Einflüsse) konstant gehalten werden

# Orthogonalität

Horrorfilm

Alkohol	0	1	Total
0	10	10	20
1	10	10	20
Total	20	20	40

- Alle Zellen/Kombinationen gleichmäßig besetzt
- Keine Korrelation zwischen den beiden unabhängigen Variablen
- Keine Hintergrundvariable, die deren Ausprägung beeinflusst

# Kollinearität

- Bei Umfragedaten (ex-post-facto Design) in der Regel Korrelation zwischen unabhängigen Variablen
- Manche Kombinationen von Ausprägungen erstens nicht beobachtet, zweitens empirisch unplausibel/unmöglich (angelernter Arbeiter mit Hochschulabschluß)
- Lineare Beziehungen zwischen den unabhängigen Variablen werden als (Multi-) Kollinearität bezeichnet
- Typisch für Umfragedaten z.B. enge Beziehungen zwischen Schulabschluß, Beruf, Einkommen und politischen Einstellungen

# Kollinearität

- Perfekte Kollinearität

- $x_1 = a + b \cdot x_2 \mid R^2 = 1$

- Fehler

- Intrinsische Beziehung zwischen zwei Variablen z.B. Geburtsjahr und Alter in Jahren (bei einer Querschnittsbefragung)
    - Bei Dummies: Referenzkategorie durch zusätzlichen Dummy repräsentiert
    - Interaktionseffekte

- Zahl der Fälle < Zahl der Variablen

- Hohe Kollinearität

- $x_1 = a + b \cdot x_2 \mid R^2 \Rightarrow 0.9$

- Standardfehler werden sehr groß = Schätzung schwanken sehr stark über Stichproben hinweg

- Die Schätzungen für den Koeffizienten einer Variablen werden davon beeinflusst, welche anderen Variablen im Modell enthalten sind

- Interpretationsprobleme: Kann man sich überhaupt vorstellen, daß die übrigen Variablen konstant gehalten werden?



# Beispiel

	1. Aggr.	2. Aggr.	3. Aggr. (coll.)	4. Aggr. (coll.)
Alkohol	2.40	2.40	2.57	1.77
Horrorfilm	2.96		3.12	
Constant	-0.02	1.45	-0.15	1.93
N	40	40	32	32
R-squared	0.82	0.33	0.79	0.20

- 1.+2. Parameter für „Alkohol“ identisch
- 3.+4. Parameter kleiner, wenn „Film“ nicht berücksichtigt
- Grund: negative (-.25) Korrelation zwischen Alkohol und Film

# Kollinearität

- Diagnose
  - Regression einer unabhängigen Variable auf eine (Kollinearität) oder *alle* (Multikollinearität) anderen unabhängigen Variablen
  - $1-R^2 = \text{tolerance}$ ; Faustregel  $\text{tol} > 0.1$
  - $1/\text{tol.} = \text{VIF}$ ; Faustregel  $\text{VIF} < 10$
- Maßnahmen
  - Alternative Kodierung (bei Interaktionseffekten)
  - Mehr Fälle, möglichst mit „ungewöhnlichen“ Kombinationen der unabhängigen Variablen
  - (theoretisch begründeter) Ausschluß von unabhängigen Variablen
  - Zusammenfassung der hochkorrelierten Variablen zu einem Index/Faktor
  - Fortgeschrittene Methoden